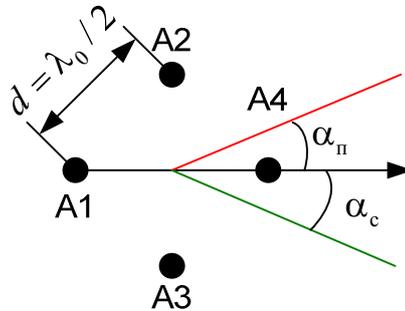


Индивидуальные домашние задания

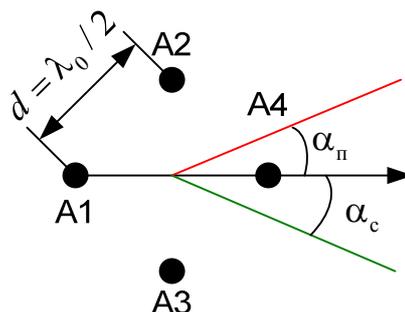
Задание №1.

Найти коэффициент эффективности (в дБ) блока пространственной обработки сигналов от 4-элементной ($m = 4$) квадратной антенной решётки со стороной квадрата, равной половине длины волны ($d = \lambda_0 / 2$) при отношении помеха/шум $q_{п/ш} = 40$ дБ. Действует одна помеха с направления $\alpha_{п} = 30^\circ$, полезный сигнал приходит с направления $\alpha_{с} = -30^\circ$. Считать отдельные элементы АР ненаправленными. Все элементы АР, источник сигнала и источник помехи лежат в одной плоскости.



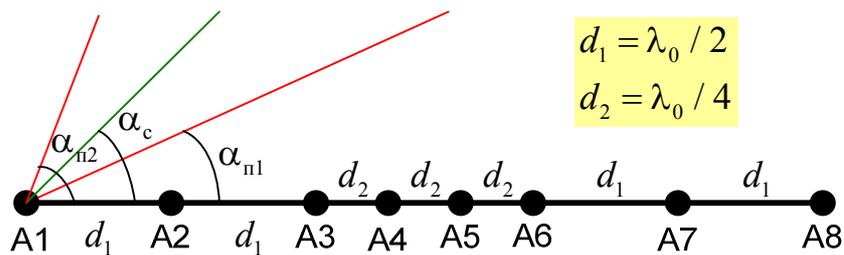
Задание №2.

Построить в полярных координатах диаграмму направленности (ДН) на выходе блока пространственной обработки сигналов от 4-элементной ($m = 4$) квадратной антенной решётки со стороной квадрата, равной половине длины волны ($d = \lambda_0 / 2$). ДН рассчитывается для следующих условий: отношение помеха/шум $q_{п/ш} = 20$ дБ, действует одна помеха ($p = 1$) с направления $\alpha_{п} = 30^\circ$, полезный сигнал приходит с направления $\alpha_{с} = -30^\circ$. Считать отдельные элементы АР ненаправленными. Все элементы АР, источник сигнала и источник помехи лежат в одной плоскости.



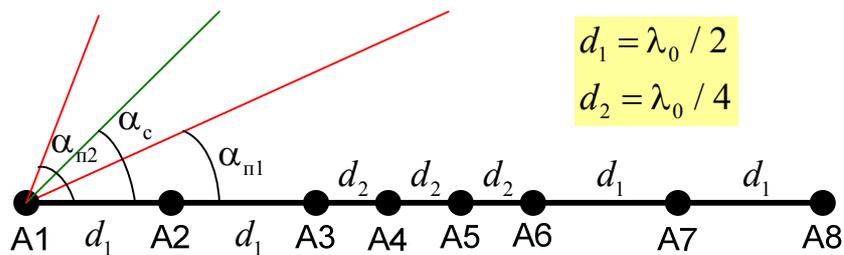
Задание №3.

Найти коэффициент эффективности (в дБ) блока пространственной обработки сигналов от 8-элементной ($m = 8$) линейной неэквидистантной антенной решётки с расстояниями между элементами согласно рисунку. Отношение помеха/шум $q_{п/ш} = 40$ дБ. Действуют две помехи с направлений $\alpha_{п1} = 30^\circ$ и $\alpha_{п2} = 60^\circ$. Полезный сигнал приходит с направления $\alpha_c = 45^\circ$. Считать отдельные элементы АР ненаправленными. Все элементы АР, источник сигнала и источник помехи лежат в одной плоскости.



Задание №4.

Построить в полярных координатах диаграмму направленности (ДН) на выходе блока пространственной обработки сигналов от 8-элементной ($m = 8$) линейной неэквидистантной антенной решётки с расстояниями между элементами согласно рисунку. Отношение помеха/шум $q_{п/ш} = 20$ дБ. Действуют две помехи с направлений $\alpha_{п1} = 30^\circ$ и $\alpha_{п2} = 60^\circ$. Полезный сигнал приходит с направления $\alpha_c = 45^\circ$. Считать отдельные элементы АР ненаправленными. Все элементы АР, источник сигнала и источник помехи лежат в одной плоскости.



Задание №5.

Рабочий Фарход копает траншею. За его деятельностью наблюдают баба Надя и баба Люба. Баба Люба оценивает среднюю скорость выкапывания траншеи за каждый час работы V (в метрах/час) и в конце каждого часа даёт свою оценку со среднеквадратической погрешностью 1 м/ч. Погрешность бабы Любы распределена по гауссовскому закону. Баба Надя оценивает общую длину выкопанной траншеи X в метрах со среднеквадратической погрешностью 10 метров (она неважно видит). Погрешность бабы Нади также распределена по гауссовскому закону.

Найти аналитически точность фильтрации в установившемся режиме общей длины выкопанной траншеи X при комплексировании наблюдений бабы Любы и бабы Нади по модифицированному варианту с темпом поступления наблюдений и формирования оценок 1 час. Промоделировать работу комплексного фильтра на компьютере и построить зависимость дисперсии ошибки оценивания длины траншеи от времени. Через сколько часов (приблизительно) в фильтре наступит установившийся режим?

Задание №6.

Разработать математическую модель и провести компьютерное моделирование произвольного 4-мерного марковского процесса в дискретном времени с шагом дискретизации $T=10$ мс. Записать стохастические разностные уравнения для динамики процесса в скалярном и в векторно-матричном виде. Как по разностным уравнениям показать, что данный процесс действительно марковский? Записать выражение для плотности вероятности перехода. Построить на 4-х графиках зависимость компонент вектора состояний от времени. Уменьшить шаг дискретизации в 10 раз и скорректировать параметры модели так, чтобы статистические характеристики процесса остались неизменными. Построить ещё 4 графика с зависимостями компонент вектора состояний от времени при уменьшенном шаге дискретизации.

Задание №7.

Записать алгоритм обнаружения полностью известного синусоидального сигнала. Отношение энергии сигнала к спектральной плотности шума $E / N_0 = 8$ дБ. Найти порог обнаружения \tilde{h} по критерию Неймана-Пирсона при вероятности ложной тревоги 0,1. Рассчитать вероятность правильного обнаружения.

Задание №8.

Вывести алгоритм обнаружения синусоидального сигнала с неизвестной начальной фазой. Отношение энергии сигнала к спектральной плотности шума $E / N_0 = 10$ дБ. Найти порог обнаружения \tilde{h} по критерию Неймана-Пирсона при вероятности ложной тревоги 0,2. Рассчитать вероятность правильного обнаружения.

Задание №9.

Найти вероятность суммарной ошибки различения двух полностью известных сигналов S_1 и S_2 , имеющих одинаковую вероятность присутствия в эфире, равную 0,5.

$$S_1 = A \cos(2\pi f_1 t), \quad S_2 = A \cos(2\pi f_2 t),$$

$f_1 = 1602$ МГц, $f_2 = 1602,5625$ МГц, отношение энергии сигнала к спектральной плотности шума $E / N_0 = 11$ дБ. Длительность интервала наблюдения $T = 10$ мс.

Задание №10.

Найти вероятность суммарной ошибки различения двух сигналов S_1 и S_2 с неизвестными начальными фазами, имеющих одинаковую вероятность присутствия в эфире, равную 0,5.

$$S_1 = A \cos(2\pi f_1 t + \varphi_1), \quad S_2 = A \cos(2\pi f_2 t + \varphi_2), \quad \varphi_1, \varphi_2 \subset U(0, 2\pi)$$

$f_1 = 1602$ МГц, $f_2 = 1602,5625$ МГц, отношение энергии сигнала к спектральной плотности шума $E / N_0 = 15$ дБ. Длительность интервала наблюдения $T = 10$ мс.

Задание №11.

По адресу http://srns.ru/w/images/e/e1/Y_iz11.txt.zip дана выборка наблюдений сигнала с неизвестной начальной фазой на выходе АЦП

$$\mathbf{Y}_1^N = \{y_k\}, \quad k = \overline{1, N}:$$

$$y_k = A \cos(2\pi f \cdot kT_d + \varphi_0) + n_k;$$

n_k - ДБГШ с СКО $\sigma_n = 100$; $A=50$; интервал дискретизации $T_d = 200$ нс; интервал наблюдений $T = NT_d = 1$ мс (отсюда $N = T / T_d = 5000$); значение промежуточной частоты сигнала $f = 1,15$ МГц.

Требуется оценить значение начальной фазы сигнала $\hat{\varphi}_0$ по методу максимального правдоподобия, а также найти потенциальную точность такой оценки - D_φ . Привести алгоритмы расчетов и исходный код программы.

Задание №12.

По адресу http://srns.ru/w/images/b/bb/Y_iz12.txt.zip дана выборка наблюдений сигнала с неизвестной частотой на выходе АЦП

$$\mathbf{Y}_1^N = \{y_k\}, \quad k = \overline{1, N}:$$

$$y_k = A \cos(2\pi f \cdot kT_d) + n_k;$$

n_k - ДБГШ с СКО $\sigma_n = 100$; $A=50$; интервал дискретизации $T_d = 200$ нс; интервал наблюдений $T = NT_d = 1$ мс (отсюда $N = T / T_d = 5000$).

Требуется оценить значение промежуточной частоты сигнала f с помощью схемы поиска решения уравнения правдоподобия. Расстройку по частоте брать равной $\delta f = 200$ Гц. Шаг изменения опорной частоты при сканировании брать равным δf . Также найти потенциальную точность оценки частоты - D_f . Привести алгоритмы расчетов и исходный код программы. Построить графики зависимости отклика на выходе обоих корреляторов от опорной частоты, а также график разностного сигнала, который поступает на схему фиксации перехода через нуль.

Задание №13.

По адресу http://sms.ru/w/images/7/75/Y_iz13.txt.zip дана выборка наблюдений сигнала с неизвестной амплитудой на выходе АЦП

$$\mathbf{Y}_1^N = \{y_k\}, \quad k = \overline{1, N}:$$

$$y_k = A \cos(2\pi f \cdot kT_d) + n_k;$$

n_k - ДБГШ с СКО $\sigma_n = 100$; интервал дискретизации $T_d = 200$ нс; интервал наблюдений $T = NT_d = 1$ мс (отсюда $N = T / T_d = 5000$); значение промежуточной частоты сигнала $f = 1,15$ МГц.

Требуется оценить значение амплитуды сигнала A по методу максимального правдоподобия, а также найти потенциальную точность оценки амплитуды - D_A . Привести алгоритмы расчетов и исходный код программы.

Задание №14.

Эквивалентные наблюдения дальности (в метрах) заданы в виде

$$y_R(t) = R(t) + n(t),$$

где $n(t)$ - БГШ с односторонней спектральной плотностью $N_0 = 1,8$ м²с.

Динамическая модель изменения дальности задана в виде

$$\frac{dR(t)}{dt} = V(t), \quad \frac{dV(t)}{dt} = \xi(t),$$

где $\xi(t)$ - формирующий БГШ с односторонней спектральной плотностью $S_\xi = 4$ м²/с³.

Записать уравнения оптимальной линейной фильтрации наблюдений дальности. Найти среднеквадратическую ошибку фильтрации дальности $\sigma_R = \sqrt{D_R}$ и радиальной скорости $\sigma_V = \sqrt{D_V}$ в установившемся режиме. Найти значения для коэффициентов фильтра K_1 и K_2 в установившемся режиме. Вывести аналитическое выражение и рассчитать численное значение шумовой полосы пропускания получившегося фильтра через операторный коэффициент передачи.

Задание №15.

Эквивалентные наблюдения дальности (в метрах) заданы в виде

$$y_{R,k} = R_k + n_k,$$

где n_k - ДБГШ с односторонней спектральной плотностью $N_0 = 1,8 \text{ м}^2/\text{с}$, k - номер отсчета. Шаг дискретизации равен $T = 1 \text{ мс}$.

Динамическая модель изменения дальности задана стохастическим разностным уравнением:

$$R_k = R_{k-1} + V_{k-1}T, \quad V_k = V_{k-1} + \xi_{k-1}T,$$

где ξ_k - формирующий ДБГШ с односторонней спектральной плотностью $S_\xi = 4 \text{ м}^2/\text{с}^3$.

Записать уравнения оптимальной линейной фильтрации наблюдений дальности в дискретном времени. Промоделировать на компьютере процесс изменения истинной дальности R_k , наблюдения $y_{R,k}$, а также работу получившегося линейного фильтра. Найти среднеквадратическую ошибку фильтрации дальности $\sigma_R = \sqrt{D_R}$ и радиальной скорости $\sigma_V = \sqrt{D_V}$ в установившемся режиме. Найти значения для коэффициентов фильтра K_1 и K_2 в установившемся режиме. Начальные значения R_0 и V_0 брать нулевыми. Построить графики зависимостей от времени

- истинной дальности $R(t_k)$ и радиальной скорости $V(t_k)$;
- ошибки фильтрации $\varepsilon_{R,k} = \hat{R}(t_k) - R(t_k)$.

Задание №16.

Эквивалентные наблюдения дальности (в метрах) заданы в виде

$$y_{R,k} = R_k + n_{R,k},$$

где $n_{R,k}$ - ДБГШ с односторонней спектральной плотностью $N_{0R}=1,8 \text{ м}^2/\text{с}$, k - номер отсчета. Шаг дискретизации равен $T = 1 \text{ мс}$.

Эквивалентные наблюдения радиальной скорости (в м/с) заданы в виде

$$y_{V,k} = V_k + n_{V,k},$$

где $n_{V,k}$ - ДБГШ с односторонней спектральной плотностью $N_{0V}=0,0002 \text{ м}^2/\text{с}$,

Динамическая модель изменения дальности и радиальной скорости задана стохастическим разностным уравнением:

$$R_k = R_{k-1} + V_{k-1}T, \quad V_k = V_{k-1} + a_{k-1}T, \quad a_k = a_{k-1} + \xi_{k-1}T,$$

где ξ_k - формирующий ДБГШ с односторонней спектральной плотностью $S_\xi = 2 \text{ м}^2/\text{с}^5$.

Записать уравнения оптимальной комплексной фильтрации наблюдений дальности и радиальной скорости в дискретном времени. Промоделировать на компьютере процесс изменения истинной дальности R_k , наблюдения $y_{R,k}$, а также работу получившегося линейного фильтра. Найти среднеквадратическую ошибку фильтрации дальности в установившемся режиме $\sigma_R = \sqrt{D_R}$. Найти значения для коэффициентов фильтра K_{11} , K_{12} , K_{21} , K_{22} , K_{31} , K_{32} в установившемся режиме. Начальные значения R_0 , V_0 и a_0 брать нулевыми. Построить графики зависимостей от времени

- истинной дальности $R(t_k)$ и радиальной скорости $V(t_k)$;
- ошибки фильтрации $\varepsilon_{R,k} = \hat{R}(t_k) - R(t_k)$ на одном графике с предельными границами ошибок фильтрации по уровню $3\sigma - \pm 3\sqrt{D_R}(t_k)$;
- ошибки фильтрации $\varepsilon_{V,k} = \hat{V}(t_k) - V(t_k)$ на одном графике с предельными границами ошибок фильтрации по уровню $3\sigma - \pm 3\sqrt{D_V}(t_k)$.

Задание №17.

Рабочий Фарход копает траншею с неравномерной скоростью – то останавливаясь на перекур, то ускоряясь после окриков бригадира. Математическая модель изменения длины траншеи в дискретном времени может быть представлена в виде

$$X_k = X_{k-1} + V_0 T + \xi_{k-1},$$

где k - номер момента времени, $T=1$ час - шаг дискретизации, X - длина траншеи в метрах, $V_0 = 1,5$ м/ч – средняя скорость выкапывания траншеи, ξ_{k-1} - ДБГШ с СКО, равным $\sigma_\xi = 0,5$ м.

За деятельностью Фархода наблюдают баба Надя и баба Люба. Баба Люба оценивает общую длину выкопанной траншеи X в конце каждого часа со среднеквадратической погрешностью 0,5 метра. Баба Надя оценивает общую длину выкопанной траншеи X в те же моменты времени со среднеквадратической погрешностью 0,7 метра (она неважно видит). Погрешности бабы Нади и бабы Любы распределены по гауссовскому закону и совершенно независимы.

Найти точность фильтрации в установившемся режиме общей длины выкопанной траншеи X при обработке наблюдений бабы Любы и бабы Нади в оптимальном комплексном фильтре с темпом поступления наблюдений и формирования оценок 1 час. Через сколько часов в фильтре наступит установившийся режим? Вклад чьих наблюдений в оценку \hat{X} будет больше? Какая будет точность фильтрации длины траншеи, если за Фарходом будет наблюдать одна только баба Люба?

Задание №18.

Выполнить домашнее задание №5 (Занятия 15, 13) при условии, что поддерживающая информация, полученная с помощью ИНС, имеет физический смысл радиальной скорости, т.е. измерения от ИНС заданы в виде

$$\gamma_k = \Omega_k + \frac{\omega_0}{c} \delta_k, \quad (1)$$

где Ω_k - доплеровская частота, δ_k - погрешность вычисления радиальной скорости, изменение которой во времени можно приближенно аппроксимировать винеровским процессом:

$$\delta_k = \delta_{k-1} + \chi_{k-1}, \quad (2)$$

χ_{k-1} - ДБГШ со среднеквадратическим значением $\sigma_\chi = 0,01$ м/с.

1. Провести синтез комплексного фильтра ФАП по модифицированному варианту комплексирования (занятие 14, слайд 3). То есть, в динамическую модель изменения фазы внести измерения от ИНС, выразив из (1)

$\Omega_k = \gamma_k - \frac{\omega_0}{c} \delta_k$, а в вектор состояний включить случайный процесс δ_k :

$$\mathbf{x}_k = |a_k \quad \varphi_k \quad \delta_k|^T.$$

Записать постановку задачи в векторно-матричном виде, как на слайде 7 (занятие 13). Смоделировать входные воздействия, включая поддержку от ИНС (1), а также саму систему ФАП, учитывающую эти «поддерживающие» измерения.

Амплитуду сигнала моделировать ступенькой:

$$a_k = \begin{cases} 1, & \text{при } t_k < 5 \text{ с;} \\ 0.5, & \text{при } t_k \geq 5 \text{ с.} \end{cases}$$

Начальные условия для моделирования:

$$\mathbf{D}_0 = \begin{vmatrix} 0.3^2 & 0 & 0 \\ 0 & \pi^2 & 0 \\ 0 & 0 & (1 \text{ м/с})^2 \end{vmatrix}, \quad \begin{vmatrix} a_0 \\ \varphi_0 \\ \delta_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 \\ \pi / 12 \\ 1 \end{vmatrix}, \quad \begin{vmatrix} \hat{a}_0 \\ \hat{\varphi}_0 \\ \hat{\delta}_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.5 \\ 0 \\ 0 \end{vmatrix}$$

2. Построить на одном графике зависимости от времени:

- мгновенной ошибки фильтрации фазы $\varepsilon_\varphi(t_k) = \hat{\varphi}_k - \varphi_k$;

- предельные границы ошибок фильтрации по уровню 3σ (по оценкам матрицы дисперсий фильтра $\mathbf{D}_{x,k}$): $\pm 3\sqrt{D_{22}}(t_k)$, $t = 0 \dots 10$ с (по оси ординат - градусы).

3. Построить на одном графике реализации истинной радиальной скорости $\Omega_k \cdot c / \omega_0$ и погрешности измерений радиальной скорости от ИНС δ_k .

4. Выяснить, как и во сколько раз изменилась дисперсия ошибки фазы по сравнению с д.з. №4 в установившемся режиме до и после скачка амплитуды:



5. Рассчитать выигрыш в помехоустойчивости (в дБ) как:

$$\Delta = 10 \lg \left(\frac{D_{22}(\text{без поддержки - д.з. №4})}{D_{22}(\text{с поддержкой от ИНС})} \right) \quad [\text{дБ}]$$

6. Привести исходный код программы.

Задание №19.

С выхода АЦП поступают наблюдения сигнала с неизвестной фазой:

$$y_{k,i} = a \cos(\omega_{\text{п}} t_{k,i} + \varphi_k) + n_{k,i},$$

где $t_{k,i} = kT + iT_d$ - момент двойной шкалы времени, $i = \overline{0, (N-1)}$; $T_d = 0,2$ мкс - темп работы АЦП, $T = 10$ мс - темп фильтрации (за время T задержку можно считать неизменной); $a = 10$ - амплитуда сигнала; $n_{k,i}$ - ДБГШ с нулевым мат. ожиданием и среднеквадратическим значением $\sigma_n = 35,4$; $\omega_{\text{п}} = 2\pi \cdot (2 \text{ МГц})$ - значение промежуточной частоты; φ_k - меняющаяся неизвестная фаза сигнала.

Динамическая модель фазы сигнала дается разностными уравнениями в «редкой» шкале времени. (На одном такте «редкой» шкалы времени $t_{k,0} \dots t_{k+1,0}$ фазу можно приближенно считать постоянной).

$$\varphi_k = \varphi_{k-1} + \Omega_{k-1} T,$$

$$\Omega_k = \Omega_{k-1} + v_{k-1} T,$$

$$v_k = v_{k-1} \cdot (1 - \alpha T) + \alpha T \cdot \xi_{k-1},$$

где ξ_{k-1} - ДБГШ с дисперсией $\sigma_{\xi}^2 = \frac{S_{\xi}}{2T}$, $S_{\xi} = 2\sigma_a^2 \alpha \left(\frac{\omega_0}{c} \right)^2$, $\sigma_a = 1 \text{ м/с}^2$,

$\omega_0 = 2\pi \cdot (1602 \text{ МГц})$ - несущая частота, $\alpha = 1 \text{ с}^{-1}$ - ширина спектра флуктуаций ускорения.

1. Провести синтез алгоритма оптимальной нелинейной фильтрации фазы сигнала φ_k . Привести выражение для дискриминатора фазы, учитывающего снижение темпа обработки. Записать уравнения фильтрации.

2. Смоделировать входные воздействия, наблюдаемый сигнал и синтезированный алгоритм нелинейной фильтрации при следующих начальных условиях:

- дисперсии начальных оценок $\hat{\varphi}_0$, $\hat{\Omega}_0$, \hat{v}_0 равны $(\pi \text{ рад})^2$, $(34 \text{ рад/с})^2$ и $(340 \text{ рад/с}^2)^2$ соответственно;

$$\begin{vmatrix} \varphi_0 \\ \Omega_0 \\ \nu_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \pi / 12 \\ 100 \\ 100 \end{vmatrix}, \quad \begin{vmatrix} \hat{\tau}_0 \\ \hat{\Omega}_0 \\ \hat{\nu}_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{vmatrix}.$$

3. Построить на одном графике зависимости от времени

- мгновенной ошибки фильтрации фазы: $\varepsilon_\varphi(t_k) = \hat{\varphi}_k - \varphi_k$;

- предельные границы ошибок фильтрации задержки по уровню 3σ (по оценкам матрицы дисперсий фильтра $\mathbf{D}_{x,k} : \pm 3\sqrt{D_{11}}(t_k)$, $t = 0 \dots 2$ с.

4. Построить на другом графике зависимости от времени

- мгновенной ошибки фильтрации частоты $\varepsilon_\Omega(t_k) = \hat{\Omega}_k - \Omega_k$;

- предельные границы ошибок фильтрации частоты по уровню 3σ (по оценкам матрицы дисперсий фильтра $\mathbf{D}_{x,k} : \pm 3\sqrt{D_{22}}(t_k)$, $t = 0 \dots 2$ с.

5. Привести исходный код программы.

Задание №20.

Решить задачу синтеза фильтра системы ЧАП для дискретного времени. Эквивалентные наблюдения доплеровского смещения частоты заданы в виде:

$$\tilde{y}_k = \Omega_k + \tilde{n}_k,$$

где k - номер отсчета, n_k - ДБГШ с нулевым мат. ожиданием и дисперсией

$$\sigma_n^2 = \frac{\tilde{N}_0(q_{c/n_0})}{2T}, \quad \tilde{N}_0(q_{c/n_0}) - \text{флуктуационная характеристика частотного}$$

$$\text{дискриминатора } \tilde{N}_0(q_{c/n_0}) = \frac{2}{q_{c/n_0} T^2} \left(1 + \frac{1}{2q_{c/n_0} T} \right); \quad T = 2 \text{ мс} - \text{ шаг дискретизации};$$

$q_{c/n_0} = 10^{0,1(42 \text{ дБГц})}$ - отношение мощности сигнала к спектральной плотности шума на входе приемника.

Динамическая модель изменения доплеровской частоты дается разностным уравнением

$$\Omega_k = \Omega_{k-1} (1 - \alpha T) + \alpha T \cdot \xi_{k-1},$$

где ξ_{k-1} - ДБГШ с дисперсией $\sigma_\xi^2 = \frac{S_\xi}{2T}$, $S_\xi = 2\sigma_V^2 \alpha \left(\frac{\omega_0}{c} \right)^2$, $\sigma_V = 14 \text{ м/с}$,

$\omega_0 = 2\pi \cdot (1602 \text{ МГц})$ - несущая частота, $\alpha = 0,25 \text{ с}^{-1}$ - ширина спектра флуктуаций скорости.

1. Провести синтез алгоритма оптимальной линейной фильтрации доплеровской частоты сигнала Ω_k . Записать уравнения фильтрации.

2. Смоделировать процесс истинной доплеровской частоты, наблюдения и синтезированный алгоритм линейной фильтрации при следующих начальных условиях:

- дисперсия начальной оценки $\hat{\Omega}_0$ равна $(470 \text{ рад/с})^2$; $\Omega_0 = 100 \text{ рад/с}$; $\hat{\Omega}_0 = 0 \text{ рад/с}$.

3. Построить график зависимости истинной доплеровской частоты (в рад/с) от времени: $\Omega_k(t_k)$, $t = 0 \dots 50 \text{ с}$.

4. Построить график зависимости среднеквадратической ошибки фильтрации частоты от времени: $\sqrt{D_{11}}(t_k)$ (в рад/с), $t = 0 \dots 0,2 \text{ с}$.

5. Построить мгновенную ошибку фильтрации частоты в зависимости от времени (в рад/с) $\varepsilon_{\Omega}(t_k) = \hat{\Omega}_k - \Omega_k$, $t = 0 \dots 1$ с. На этом же графике отразить предельные границы ошибок фильтрации частоты по уровню 3σ (по оценкам матрицы дисперсий фильтра $\mathbf{D}_{x,k}$: $\pm 3\sqrt{D_{11}}(t_k)$).

6. Для установившегося режима сравнить D_{11} и выборочную дисперсию ошибки (рассчитанную по выборке $\varepsilon_{\Omega}(t_k)$ как $\sigma_{\Omega}^2 = \frac{1}{M-1} \sum_{k=1}^M \varepsilon_{\Omega}^2(t_k)$), сделать

вывод.

7. Привести исходный код программы.